

Л и т е р а т у р а

1. Б е л я к о в С.М. Исследование процесса глубинного электроабразивного шлифования деталей авиационных двигателей: Автореф. канд.дис.-Казань: Казанский авиационный институт, 1973.
2. Т р у с о в В.Н. Исследование электроалмазного шлифования авиационных материалов с прямой и обратной полярностью технологического тока: Автореф.канд.дис.-Куйбышев: КуАИ, 1975.
3. М а с л о в Е.И. Теория шлифования материалов.-М.:Машиностроение, 1974.
4. К о п ы т и н Ю.А., Т р у с о в В.Н. Исследование динамики процесса внутреннего электромеханического шлифования стали 8Х4В9Ф2Ш композиционными кругами.-В сб.:Высокоэффективные методы обработки резанием жаропрочных и титановых сплавов-Куйбышев: КуАИ, 1982.

УДК 536.2.001.24

М.Е.Маркушин, В.М.Опарин

К РАСЧЕТУ УСТАНОВИВШИХСЯ ТЕМПЕРАТУРНЫХ ПОЛЕЙ
ПРИ КРУГЛОМ ШЛИФОВАНИИ С МАЛЫМ ЧИСЛОМ ПЕКЛЕ

Исследование стационарных температурных полей, возникающих в деталях при круглом шлифовании, приводит к интегрированию уравнения эллиптического типа

$$\frac{\partial^2}{\partial z^2} \theta(z, \varphi) + \frac{1}{z} \frac{\partial}{\partial z} \theta(z, \varphi) + \frac{1}{z^2} \frac{\partial^2}{\partial \varphi^2} \theta(z, \varphi) - \alpha \frac{\partial}{\partial \varphi} \theta(z, \varphi) = 0 \quad (1)$$

с граничным условием

$$\left. \frac{\partial}{\partial z} \theta(z, \varphi) \right|_{z=1} = \begin{cases} q(\varphi), & \text{при } \varphi \in [0, \sigma] \\ -\mu \theta(1, \varphi), & \text{при } \varphi \in (\sigma, 2\pi). \end{cases} \quad (2)$$

Уравнение (1) и граничные условия (2) записаны в безразмерной форме: z, φ - полярные координаты, $z \in [0, 1], \varphi \in [0, 2\pi]$; $q(\varphi)$ - приведенный тепловой поток в деталь, $q(\varphi) \geq 0$; α - число Пекле, $\alpha > 0$; μ - приведенный коэффициент теплоотдачи, $\mu > 0$.

Решение задачи (1)-(2) должно удовлетворять условию теплового баланса

$$\mu \int_0^{2\pi} \theta(1, \varphi) d\varphi = \int_0^{\delta} q(\varphi) d\varphi. \quad (3)$$

Построим обобщенное решение задачи (1)-(3) в виде функционального ряда.

Пусть функция $\theta_0(z, \varphi)$ - решение граничной задачи

$$\Delta \theta_0(z, \varphi) = 0, \quad (4)$$

$$\left. \frac{\partial}{\partial z} \theta_0(z, \varphi) \right|_{z=1} = \begin{cases} q(\varphi), & \text{при } \varphi \in [0, \delta] \\ -\mu \theta_{-1}, & \text{при } \varphi \in (\delta, 2\pi), \end{cases} \quad (5)$$

где Δ - оператор Лапласа в полярных координатах:

$$\Delta = \left[\frac{\partial^2}{\partial z^2} + \frac{1}{z} \frac{\partial}{\partial z} + \frac{1}{z^2} \frac{\partial^2}{\partial \varphi^2} \right];$$

$$\theta_{-1} = \frac{1}{\mu} \frac{1}{2\pi - \delta} \int_0^{\delta} q(\varphi) d\varphi; \quad z \in [0, 1], \varphi \in [0, 2\pi].$$

Пусть функция $\theta_k(z, \varphi)$ удовлетворяет также равенству

$$\int_0^{2\pi} \theta_0(1, \varphi) d\varphi = 0. \quad (6)$$

Пусть функции $\theta_k(z, \varphi)$ ($k = 1, 2, \dots$) - решения следующих задач:

$$\Delta \theta_k(z, \varphi) = \alpha \frac{\partial}{\partial \varphi} \theta_{k-1}(z, \varphi); \quad (7)$$

$$\left. \frac{\partial}{\partial z} \theta_k(z, \varphi) \right|_{z=1} = \begin{cases} 0, & \text{при } \varphi \in [0, \delta] \\ -\mu \theta_{k-1}(1, \varphi), & \text{при } \varphi \in (\delta, 2\pi); \end{cases} \quad (8)$$

$$\int_0^{2\pi} \theta_k(1, \varphi) d\varphi = 0. \quad (9)$$

Рассмотрим функциональный ряд

$$\theta(z, \varphi) = \theta_{-1} + \theta_0(z, \varphi) + \theta_1(z, \varphi) + \dots + \theta_k(z, \varphi) + \dots \quad (10)$$

Если ряд (10) равномерно сходится на единичном круге $z \in [0, 1]$, $\varphi \in [0, 2\pi]$, если существует предел

$$\lim_{k \rightarrow \infty} \frac{\partial}{\partial \varphi} \theta_k(z, \varphi) = 0 \quad (z < 1),$$

который достигается равномерно на любом замкнутом множестве внутри единичного круга, то сумму ряда (10) $\theta(z, \varphi)$ можно рассматривать как обобщенное решение задачи (1)–(3).

Исследуем члены ряда (10). Рассмотрим задачу (4)–(6). Она является задачей Неймана для уравнения Лапласа с граничными условиями, имеющими разрыв первого рода (функцию $q(\varphi)$ считаем непрерывной на $\varphi \in [0, \delta]$). Как известно, ее решение можно представить в виде

$$\begin{aligned} \theta_0(z, \varphi) = & \theta_0^0 - \frac{1}{\pi} \int_0^\delta q(\varphi) \ln \sqrt{1 - 2z \cos(\varphi - \psi) + z^2} d\varphi + \\ & + \theta_{-1} \frac{\mu}{\pi} \int_0^{2\pi} \ln \sqrt{1 - 2z \cos(\varphi - \psi) + z^2} d\varphi, \end{aligned} \quad (II)$$

где θ_0^0 – постоянная, определяемая из условия (6).

Функция $\theta_0(z, \varphi)$ непрерывна на единичном круге, аналитическая по z, φ – внутри его; удовлетворяет уравнению (4) внутри единичного круга, граничным условиям (5) в каждой точке непрерывности их правой части (т.е. при $\varphi \neq 0, \delta, 2\pi$).

Справедливо утверждение:

Л е м м а I. Пусть функция $q(\varphi)$ непрерывна на $\varphi \in [0, \delta]$. Тогда функция

$$\left| \frac{\partial}{\partial \varphi} \theta_0(z, \varphi) \right|^n \quad (n = 1, 2, \dots)$$

интегрируема на единичном круге.

Рассмотрим задачу (7)–(9). Она является граничной задачей второго рода для уравнения Пуассона. Ее решение будем искать в виде суммы частного решения неоднородного уравнения (7) и некоторого решения уравнения Лапласа.

Справедливо утверждение:

Л е м м а 2. Пусть функция $\theta_{k-1}(z, \varphi)$ непрерывна на единичном круге и дважды непрерывно дифференцируема внутри этого круга; функция

$$\left| \frac{\partial}{\partial \varphi} \theta_{k-1}(z, \varphi) \right|^n \quad (n = 1, 2, \dots)$$

интегрируема на единичном круге. Тогда функция $\theta_{k,1}(z, \varphi)$, определенная равенством

$$\theta_{k,1}(z, \varphi) = \frac{\alpha}{2\pi} \int_0^{2\pi} \int_0^1 \ln \sqrt{z^2 - 2z\rho \cos(\varphi - \psi) + \rho^2} \frac{\partial}{\partial \varphi} \theta_{k-1}(\rho, \varphi) d\varphi \rho d\rho, \quad (12)$$

дважды непрерывно дифференцируема внутри единичного круга, непрерывно дифференцируема на всем единичном круге (причем, производную можно брать под знаком интеграла), является частным решением уравнения (7).

Пусть функция $\theta_{k-1}(z, \varphi)$ удовлетворяет условиям леммы 2 и равенству

$$\int_0^{2\pi} \theta_{k-1}(1, \varphi) d\varphi = 0.$$

Рассмотрим следующую задачу Неймана для уравнения Лапласа:

$$\Delta \theta_{k,2}(z, \varphi) = 0; \quad (13)$$

$$\frac{\partial}{\partial z} \theta_{k,2}(z, \varphi) \Big|_{z=1} = - \frac{\partial}{\partial z} \theta_{k,1}(z, \varphi) \Big|_{z=1} + \begin{cases} 0, \text{ при } \varphi \in [0, \delta] \\ -\mu \theta_{k-1}(1, \varphi), \text{ при } \varphi \in (\delta, 2\pi); \end{cases} \quad (14)$$

$$\int_0^{2\pi} \theta_{k,2}(1, \varphi) d\varphi = - \int_0^{2\pi} \theta_{k,1}(1, \varphi) d\varphi, \quad (15)$$

где функция $\theta_{k,1}(z, \varphi)$ определяется равенством (12).

Эта задача аналогична задаче (4)-(6). Ее решение обладает свойствами функции $\theta_0(z, \varphi)$ и может быть представлено в интегральном виде

$$\theta_{k,2}(z, \varphi) = \theta_k^0 + \frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} \ln \sqrt{1 - 2z \cos(\varphi - \psi) + z^2} \frac{\partial}{\partial z} \theta_{k,1}(z, \varphi) \Big|_{z=1} d\varphi + \frac{\mu}{\pi} \int_0^{2\pi} \theta_{k-1}(1, \varphi) \ln \sqrt{1 - 2z \cos(\varphi - \psi) + z^2} d\varphi, \quad (16)$$

где θ_k^0 определяется из условия (15).

Функция $\theta_k(z, \varphi)$, определенная равенством

$$\theta_k(z, \varphi) = \theta_{k,1}(z, \varphi) + \theta_{k,2}(z, \varphi), \quad (17)$$

является решением задачи (7)-(9). Согласно леммам 1 и 2 функция $\theta_k(z, \varphi)$ обладает свойствами, которые предполагались у функции $\theta_{k-1}(z, \varphi)$ в условиях леммы 2. Поскольку функция $\theta_0(z, \varphi)$ удов-

летворяет условиям леммы 2, то для всех $K = 1, 2, \dots$ решение задачи (7)-(9) может быть представлено в виде равенства (17), где функции $\theta_{K,1}(z, \varphi)$, $\theta_{K,2}(z, \varphi)$ определяются соответственно равенствами (12) и (16), и оно будет обладать свойствами, которые предполагались у функции $\theta_{K-1}(z, \varphi)$ в условиях леммы 2.

Подставляя равенства (12), (16) в равенство (17), получим решение задачи (7)-(9) в интегральном виде:

$$\begin{aligned} \theta_K(z, \varphi) = & \theta_K^0 + \frac{\alpha}{2\pi} \int_0^1 \int_0^{2\pi} \frac{\partial}{\partial \Phi} \theta_{K-1}(\rho, \Phi) \ln \sqrt{z^2 - 2z\rho \cos(\Phi - \varphi) + \rho^2} d\Phi \times \\ & \times \rho d\rho + \frac{\alpha}{2\pi^2} \int_0^{2\pi} \int_0^1 \int_0^{2\pi} \frac{\ln \sqrt{1 - 2z\rho \cos(\Phi - \varphi) + z^2(1-\rho)^2}}{1 - 2\rho \cos(\varphi - \Phi) + \rho^2} \frac{\partial}{\partial \Psi} \theta_{K-1}(\rho, \Psi) d\Psi \rho \times \\ & \times d\Phi + \frac{\mu}{\pi} \int_0^{2\pi} \theta_{K-1}(1, \Phi) \ln \sqrt{1 - 2z \cos(\Phi - \varphi) + z^2} d\Phi. \end{aligned} \quad (18)$$

Перейдем к исследованию сходимости ряда (10). Введем обозначения:

$$\theta_{K-1}^* = \max_{z, \varphi} \left| \theta_{K-1}(z, \varphi) \right|;$$

$$H = \max_{z, \varphi} \frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} \left| \ln \sqrt{1 - 2z \cos(\Phi + \varphi) + z^2} \right| d\Phi;$$

$$B = \max_{z, \varphi} \frac{1}{2\pi} \int_0^1 \int_0^{2\pi} \left| \frac{z\rho \sin(\Phi - \varphi)}{z^2 - 2z\rho \cos(\Phi - \varphi) + \rho^2} \right| d\Phi \rho d\rho;$$

$$C = \max_{z, \varphi} \frac{1}{2\pi^2} \int_0^1 \int_0^{2\pi} \int_0^{2\pi} \left| \ln \sqrt{1 - 2z\rho \cos(\Phi - \varphi) + z^2} \frac{\rho(1-\rho^2) \sin(\Psi - \Phi)}{[1 - 2\rho \cos(\Psi - \Phi) + \rho^2]^2} \right| d\Phi d\Psi \rho d\rho,$$

где максимум берется на единичном круге.

Справедливы утверждения:

Л е м м а 3. Числа H , B , C , θ_{K-1}^* ($K = 1, 2, \dots$) существуют и имеют место неравенства:

$$\left| \frac{1}{2\pi} \int_0^1 \int_0^{2\pi} \frac{\partial}{\partial \Phi} \theta_{K-1}(\rho, \Phi) \ln \sqrt{z^2 - 2z\rho \cos(\Phi - \varphi) + \rho^2} d\Phi \rho d\rho \right| \ll B \theta_{K-1}^*;$$

$$\left| \frac{1}{2\pi^2} \int_0^{2\pi} \int_0^{2\pi} \int_0^1 \frac{\ln \sqrt{1-2z \cos(\Phi-\Psi)+z^2(1-\rho^2)}}{1-2\rho \cos(\psi-\Phi)+\rho^2} \frac{\partial}{\partial \psi} \theta_{\kappa-1}(\rho, \psi) d\psi \rho d\rho d\Phi \right| < C \theta_{\kappa-1}^*;$$

$$\left| \frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} \theta_{\kappa-1}(1, \Phi) \ln \sqrt{1-2z \cos(\Phi-\Psi)+z^2} d\Phi \right| < H \theta_{\kappa-1}^*.$$

Т е о р е м а I. Ряд (10) сходится равномерно на единичном круге, если α и μ удовлетворяют неравенству

$$\alpha(B+C) + \mu H < \frac{1}{2}. \quad (19)$$

Рассмотрим частную производную по ψ решения задачи (7)-(9) При $z < 1$ имеет место равенство

$$\begin{aligned} \frac{\partial}{\partial \psi} \theta_{\kappa}(z, \psi) = & - \frac{\alpha}{2\pi} \int_0^1 \int_0^{2\pi} \frac{z \rho \sin(\Phi-\Psi)}{z^2-2z\rho \cos(\Phi-\Psi)+\rho^2} \frac{\partial}{\partial \Phi} \theta_{\kappa-1}(\rho, \Phi) d\Phi \rho d\rho + \\ & + \frac{\alpha}{2\pi^2} \int_0^{2\pi} \int_0^{2\pi} \int_0^1 \frac{z \sin(\Phi-\Psi)(1-\rho^2) \frac{\partial}{\partial \Phi} \theta_{\kappa-1}(\rho, \Phi)}{[1-2z \cos(\Phi-\Psi)+z^2][1-2\rho \cos(\psi-\Phi)+\rho^2]} d\psi \rho d\rho d\Phi + \\ & + \frac{\mu}{\pi} \int_0^{2\pi} \frac{z \sin(\Phi-\Psi)}{1-2z \cos(\Phi-\Psi)+z^2} \theta_{\kappa-1}(1, \Phi) d\Phi. \end{aligned} \quad (20)$$

Обозначим первое, второе и третье слагаемые правой части равенства (20) через $F_1^{\kappa}(z, \psi)$, $F_2^{\kappa}(z, \psi)$, $F_3^{\kappa}(z, \psi)$ соответственно. Введем также следующие обозначения:

$$\begin{aligned} H_1(z, \psi) &= \frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} \left| \frac{z \sin(\Phi-\Psi)}{1-2z \cos(\Phi-\Psi)+z^2} \right| d\Phi; \\ G_1(z, \psi) &= \int_0^1 \int_0^{2\pi} \int_0^{2\pi} \left| \frac{z \sin(\Phi-\Psi) \rho (1-\rho^2) \sin(\psi-\Phi)}{[1-2z \cos(\Phi-\Psi)+z^2][1-2\rho \cos(\psi-\Phi)+\rho^2]} \right| d\Phi d\psi \rho d\rho; \end{aligned}$$

$$F_i^{\kappa*}(z_0) = \max_{z, \psi} |F_i^{\kappa}(z, \psi)| \quad (i=1,2,3);$$

$$H_1^*(z_0) = \max_{z, \varphi} H_1(z, \varphi);$$

$$C_1^*(z_0) = \max_{z, \varphi} C_1(z, \varphi).$$

(Считаем, что $z_0 < 1$ - фиксировано. Максимум берется на круге радиуса z_0).

Справедливо утверждение:

Л е м м а 4. Числа $F_i^{K*}(z_0), H_i^*(z_0), C_i^*(z_0)$ ($i = 2, 3; K = 1, 2, \dots$) существуют и имеют место неравенства:

$$F_3^{K*}(z_0) \ll \mu H_1^*(z_0) \theta_{K-1}^*; F_2^{K*}(z_0) \ll \alpha C_1^*(z_0) \theta_{K-1}^*.$$

Введем обозначения:

$$H_2^* = \max_{z, \varphi} \int_0^1 \int_0^{2\pi} \left| \frac{z \rho \sin(\varphi - \varphi)}{z^2 - 2z\rho \cos(\varphi - \varphi) + \rho^2} \right| H_1(\rho, \varphi) d\varphi \rho d\rho;$$

$$C_2^* = \max_{z, \varphi} \int_0^1 \int_0^{2\pi} \left| \frac{z \rho \sin(\varphi - \varphi)}{z^2 - 2z\rho \cos(\varphi - \varphi) + \rho^2} \right| C_1(\rho, \varphi) d\varphi \rho d\rho;$$

$$F_{i,l}^{K*}(z, \varphi) = \frac{\alpha}{2\pi} \int_0^1 \int_0^{2\pi} \frac{z \rho \sin(\varphi - \varphi)}{z^2 - 2z\rho \cos(\varphi - \varphi) + \rho^2} F_i^{K-1}(\rho, \varphi) d\varphi \rho d\rho \quad (i=1, 2, 3)$$

где максимум берется по единичному кругу.

Справедливы утверждения:

Л е м м а 5. Числа C_2^*, H_2^* существуют и имеют место неравенства:

$$\max_{z, \varphi} |F_{1,2}^{K*}| \ll \alpha C_2^* \theta_{K-2}^*; \max_{z, \varphi} |F_{2,3}^{K*}| \ll \mu H_2^* \theta_{K-2}^*.$$

(Максимум берется по единичному кругу).

Л е м м а 6. Пусть выполнено неравенство (19). Тогда существует предел

$$\lim_{K \rightarrow \infty} F_1^{K*} = 0.$$

Т е о р е м а 2. последовательность $\left\{ \frac{\partial}{\partial \varphi} \theta_k(z, \varphi) \right\}$ сходится равномерно к нулю по норме пространства C на любом замкнутом множестве внутри единичного круга, если выполнено неравенство (19).

Таким образом, в силу теорем 1 и 2 ряд (10) является обобщенным решением задачи (1)-(3) в следующем смысле: для любого натурального заданного числа $\varepsilon > 0$, как бы мало оно не было, существует номер N_ε такой, что частичные суммы ряда (10)

$$T_n(z, \varphi) = \theta_{-1} + \theta_0(z, \varphi) + \sum_{k=1}^n \theta_k(z, \varphi)$$

удовлетворяют с точностью ε уравнению (1) на любом заранее выбранном множестве внутри единичного круга и граничному условию (2) на окружности $z = 1$ для всех $n \geq N_\varepsilon$. При этом условие теплового баланса (3) будет удовлетворяться точно, по построению ряда (10).

Ряд (10) может рассматриваться как разложение решения задачи (1)-(3) в ряд по произведениям степеней параметров α и μ :

$$\theta(z, \varphi) = \theta_{-1} + \sum_{i, j=0}^{\infty} f_{i, j}(z, \varphi) \alpha^i \mu^j. \quad (21)$$

Если в разложении (21) отбросить члены, начиная с квадратичных ($i+j=2$), то приближенным решением задачи (1)-(3) будет функция

$$\begin{aligned} \theta(z, \varphi) = & \frac{1}{\mu} \frac{1}{2\pi - \sigma} \int_0^\sigma q(\varphi) d\varphi + \theta_0(z, \varphi) + \theta_1^0 + \frac{\alpha}{2\pi} \int_0^{2\pi} \frac{\partial}{\partial \varphi} \theta_0(\rho, \\ & \varphi) \ln \sqrt{z^2 - 2z\rho \cos(\varphi - \psi) + \rho^2} d\varphi \rho d\rho + \\ & + \frac{\alpha}{2\pi^2} \int_0^{2\pi} \int_0^{2\pi} \int_0^1 \frac{\ln \sqrt{1 - 2z \cos(\varphi - \psi) + z^2(1 - \rho^2)}}{1 - 2\rho \cos(\psi - \varphi) + \rho^2} \frac{\partial}{\partial \psi} \theta_0(\rho, \psi) d\psi \rho d\rho d\varphi + \\ & + \frac{\mu}{\pi} \int_0^{2\pi} \theta_0(1, \varphi) \ln \sqrt{1 - 2z \cos(\varphi - \psi) + z^2} d\varphi, \end{aligned} \quad (22)$$

где функция $\theta_0(z, \varphi)$ определяется равенством (11); постоянная θ_1^0 определяется из равенства (15) при $k = 1$. Для функции $\theta_0(z, \varphi)$ в области контакта имеем приближенное равенство:

$$\begin{aligned} \theta_0(z, \varphi) = & T_0 - \frac{q}{2\pi - \sigma} \left\{ 2\sigma \ln \sqrt{1 - \tau} + (\sigma - \varphi) \ln [(\sigma - \varphi)^2 + \tau^2] + \right. \\ & \left. + \varphi \ln (\varphi^2 + \tau^2) + 2\tau [a z \operatorname{ctg} \frac{\sigma - \varphi}{\tau} + a z \operatorname{ctg} \frac{\varphi}{\tau}] \right\} \end{aligned} \quad (23)$$

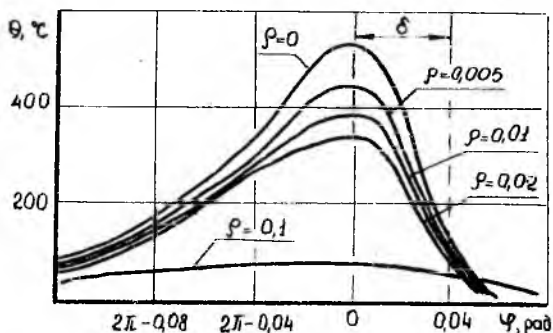
где $\tau = 1 - z$ ($\tau \ll 1$) ; σ считаем малым; φ имеет порядок

$$T_0 = \frac{1}{\mu} \frac{\sigma q}{2\pi - \sigma} + \frac{2\sigma q \ln 2}{2\pi - \sigma} + \frac{2,6\pi^2 q}{(2\pi - \sigma)^2} - \frac{q}{2} [2\pi - \sigma - 1] -$$

$$- \frac{1}{144} \frac{q}{(2\pi - \sigma)^2} [16\pi^4 - (2\pi - \sigma)^4] - \frac{1}{43200} \frac{q}{(2\pi - \sigma)^2} [64\pi^6 - (2\pi - \sigma)^6]$$

- температура в центре детали.

В равенстве (23) не учитывается скорость детали, поэтому температурное поле, заданное равенством (23), имеет ось симметрии и может рассматриваться лишь как первое приближение. Учитывающее скорость детали равенство (22) можно считать вторым приближением. Расчет по формуле (22) для достаточно медленного шлифования детали из сплава ВТЗ-1 с охлаждением при поперечной подаче 0,02 мм показал, что в области контакта температурное поле имеет вид, изображенный на рисунке.



Р и с. . Распределение температуры в области контакта

Л и т е р а т у р а

1. У р ь в с к и й Ф.П., М а р к у ш и н Е.М., Б а л а н д и н Г.П. К расчету температурных полей в детали с учетом относительных перемещений шлифовального круга и изделия.-В сб.:Высокоэффективные методы обработки резанием жаропрочных и титановых сплавов.-Куйбышев: КуАИ, 1982.
2. Ф и х т е н г о л ь ц Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления.-М.: Наука, т.2, 1969.
3. К о ш л я к о в Н.С., Г л и н е р Э.Б., С м и р н о в М.М. Уравнения в частных производных математической физики.-М.: Высшая школа, 1970.

4. Левин В.И., Гросберг Ю.И. Дифференциальные уравнения математической физики.-М.:Гостехиздат, 1951.
5. Сретенский Л.Н. Теория ньютоновского потенциала.-М.: Гостехиздат, 1946.
6. Смирнов В.И. Курс высшей математики.-М.:Физматгиз, т.2,4, 1958.

УДК 621.923.1:620.178.16

И.Г.Попов, В.К.Кононов, Ю.А.Шабалин, Г.М.Межеряков

ВЛИЯНИЕ ВИДА ИМПРЕГНАТОРА НА КОЭФФИЦИЕНТ РЕЖУЩЕЙ СПОСОБНОСТИ АБРАЗИВНОГО ИНСТРУМЕНТА

Исследовалось влияние различных импрегнаторов на режущую способность абразивных кругов и теплонапряженность процесса шлифования стали 30ХГСА, термообработанной до $\sigma_{\theta} = 1600 \dots 1800$ МПа.

Пропитке подвергались стандартные абразивные круги марки 25А25ПСМ26К5Б. В качестве импрегнатора использовались 30 и 60%-ные водные растворы йодистого натрия (NaI), расплав серы, 17% механический раствор диселенида молибдена в бакелите и "эпилам". Теплонапряженность процесса оценивалась косвенно, по наличию прижогов на обработанной поверхности.

Для определения режущей способности инструментов было спроектировано и изготовлено специальное приспособление, позволяющее задавать требуемое усилие прижатия шлифовального круга к образцу.

Коэффициент режущей способности шлифовального круга определялся как отношение объема металла, снятого в единицу времени, к усилию прижатия круга к заготовке [1], т.е. $\lambda = \frac{Q_M}{P_y}$, где Q_M - объем металла, снятого в единицу времени, $\text{мм}^3/\text{мин}$; P_y - усилие прижатия круга к заготовке, Н.

Влияние усилия прижатия на коэффициент режущей способности шлифовальных кругов, пропитанных разными импрегнаторами, показано на рисунке. Кружками отмечены точки, в которых на поверхности образца были обнаружены прижоги.

Как видно из приведенных зависимостей, пропитка кругов различными составами повышает в большинстве случаев режущую способность круга. Наибольшее увеличение режущих свойств инструмента наблюдается при использовании в качестве импрегнатора "эпилама" и 60%-ного