- 2. Лопота, В. А. Космическая миссия поколений XXI века / В. А. Лопота // Полет. -2010.-№7.- C. 3-12.
- 3. Коротеев, А. С. Ядерный космос России / А. С. Коротеев // Новости космонавтики. -2010. Том 20. №2(235). С. 4

УДК 521.13

## Жалдыбина О.Д., Яковлева Е.А.

# РАСЧЁТ ТРАЕКТОРИИ ПЕРЕЛЁТА К ДАЛЬНИМ ПЛАНЕТАМ СОЛНЕЧНОЙ СИСТЕМЫ

Межпланетный космический полёт — перемещение космического аппарата (КА) между планетами Солнечной системы. Дистанционно управляемые космические зонды пролетали вблизи всех планет Солнечной системы от Меркурия до Нептуна. Расчёт траектории полёта КА — это крайне важная часть всей миссии. Верно рассчитанные манёвры позволяют доставлять большую полезную нагрузку при минимальных энергетических затратах.

В данной работе рассматриваются несколько основных этапов: вывод КА за пределы влияния Земли и расчёт манёвра на переход на гелиоцентрическую орбиту, близкую по характеристикам к орбите Юпитера, а также к его спутникам.

Сначала определяются компоненты радиус-вектора и вектора скорости КА в инерциальной гелиоцентрической системе координат по известным элементам орбиты. Переведем исходные данные в декартовую инерциальную гелиоцентрическую систему координат:

ческую систему координат: 
$$\begin{cases} x = r(\cos\Omega\cos u - \sin\Omega\sin u\cos i);\\ y = r(\sin\Omega\cos u + \cos\Omega\sin u\cos i);\\ z = r\sin u\sin i, \end{cases}$$
 где  $u = \vartheta + \omega; \ r = \frac{p}{1 + e\cos\vartheta}.$ 

Записываем проекции скоростей.

$$\begin{cases} V_{x} = \dot{x} = \frac{dr}{dt} (\cos \Omega \cos u - \sin \Omega \sin u) + r \frac{d\vartheta}{dt} (-\cos \Omega \sin u - \sin \Omega \cos u \cos i); \\ V_{y} = \dot{y} = \frac{dr}{dt} (\sin \Omega \cos u + \cos \Omega \sin u \cos i) + \\ + r \frac{d\vartheta}{dt} (-\sin \Omega \sin u + \cos \Omega \cos u \cos i); \\ V_{z} = \dot{z} = \frac{dr}{dt} \sin u \sin i + r \frac{d\vartheta}{dt} \cos u \sin i, \end{cases}$$

где 
$$\frac{dr}{dt}=V_r$$
 — радиальная составляющая скорости:  $V_r=\sqrt{\frac{\mu}{p}}e\sin\vartheta$ ;  $r\frac{d\vartheta}{dt}=V_\tau$  — трансверсальная составляющая скорости:  $V_\tau=\sqrt{\frac{\mu}{p}}(1+e\cos\vartheta)$ ;  $V=\sqrt{V_x^2+V_y^2+V_z^2}$ .

Расчётные формулы для вычисления траектории, а также длительности и расхода рабочего тела набора параболической скорости в поле тяготения планет зависят от типа двигательной установки, используемой космическим аппаратом.

В случае использования двигателя большой тяги (химической двигательной установки - ХДУ), используем импульсную постановку задачи для определения характеристической скорости, формулу Циолковского для определения расхода рабочего тела и формулу для времени движения по параболической орбите для определения времени манёвра.

Вычислим время движения до выхода из сферы действия

$$t = \frac{1}{3\sqrt{\mu}} \cdot (r_0 + r_1) \cdot \sqrt{2 \cdot r_1 - r_0},$$

где  $\mu$  — гравитационный параметр Земли,  $\kappa m^3/c^2$ ;  $r_0$  — радиус опорной орбиты,  $\kappa m$ ;  $r_1$  — радиус сферы действия,  $\kappa m$ .

Рассчитаем угловую дальность геоцентрического движения, параболическую скорость на опорной орбите, круговую скорость на опорной орбите, характеристическую скорость манёвра, избыток скорости на границе сферы действия и расход рабочего тела на перелёт, по приведённым ниже формулам:

$$\begin{split} \Theta &= 2 \cdot arctg \left( 2 \cdot \frac{r_1}{r_0} - 1 \right); \ v_{\text{map}} = \sqrt{\frac{2 \cdot \mu}{r_0}}; \ v_0 = \sqrt{\frac{\mu}{r_0}}; v_{\text{xap}} = v_{\text{map}} - v_0; \\ v_{\text{M36}} &= v_{\text{map}} \cdot \frac{r_0}{r_1}; m = 1 - exp \left[ \frac{-\left(v_{\text{map}} - v_0\right)}{9,81 \cdot 10^{-3} \cdot j} \right], \end{split}$$

где j – удельный импульс двигателя большой тяги, 1/c.

Траектория планетоцентрического движения с двигателем большой тяги представлена на рис. 1 слева, а схема перелёта Гомана – на рис. 1 справа.

При перелёте по схеме Гомана, принимается, что планеты движутся со скоростями равными средней скорости на круговой орбите. Считаем орбиты компланарными, поскольку разностью наклонений можно пренебречь.

Рассчитаем первое, второе и суммарное приращение скоростей:

$$\bar{v}_p = \sqrt{\frac{v_1^2 + v_2^2}{2}}; \Delta v_1 = v_1 \left(\frac{v_1}{\bar{v}_p} - 1\right); \Delta v_2 = v_2 \left(1 - \frac{v_2}{\bar{v}_p}\right); \ \Delta v = \Delta v_1 + \Delta v_2,$$

где  $v_1$ и  $v_2$  – орбитальные скорости на исходной и конечной орбитах.

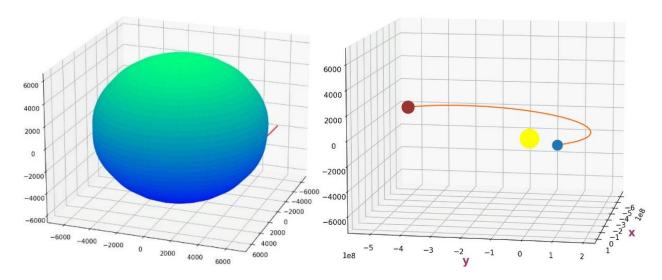


Рис. 1. Траектория планетоцентрического движения с двигателем большой тяги (слева) и схема перелёта Земля-Юпитер по схеме Гомана (справа)

Время, необходимое для гомановского перехода:

$$t = \pi \cdot \left(\frac{a^{\frac{3}{2}}}{\sqrt{\mu}}\right); a = \frac{r}{1 + ec}; ec = \frac{r_{\text{an}} - r_{\text{nep}}}{r_{\text{an}} + r_{\text{nep}}},$$

где  $r_{\rm an}$  — радиус апогея;  $r_{\rm nep}$  — радиус перигея.

Расход рабочего тела для первого и второго приращения скорости:

$$m_{
m p} = \left(1 - e^{rac{-v_{sum}}{v_{
m d}}}
ight) \cdot m_{
m JIA}$$
,

где  $v_{sum}$  — суммарное приращение скоростей;  $v_{\rm д}$  — скорость истечения газов; m — масса летательного аппарата.

$$m_{\scriptscriptstyle \mathrm{K}} = m_{\scriptscriptstyle \mathrm{JIA}} - m_{\mathrm{p}}.$$

Метод Ламберта-Эйлера предназначен для определения параметров орбиты перелёта за время  $t_{\rm n}$  между начальным и конечным положениями КА, заданными радиусами-векторами  $\bar{r}_0$ ,  $\bar{r}_k$  и угловой дальностью  $\Phi$ .

Для определения траектории перелёта KA необходимо решить уравнение Ламберта:

$$t_{\Pi} = \frac{a^{\frac{3}{2}}}{\sqrt{\mu}} \left[ \varepsilon - \delta - (\sin \varepsilon - \sin \delta) \right]; \varepsilon = \arccos\left(1 - \frac{r_1 + r_2 + d}{2a}\right);$$
$$\delta = \arccos\left(1 - \frac{r_1 + r_2 - d}{2a}\right).$$

Находим длину хорды эллиптической дуги.

$$d = \sqrt{r_1^2 + r_2^2 - 2r_1r_2cos\Phi}.$$

Для граничной орбиты следует, что  $e=\pi$ ,  $a=a_{min,}$ , а время перелёта определяется по формуле Ламберта:

$$t_{\Pi} = \frac{a^{\frac{3}{2}}_{min}}{\sqrt{\mu}} [\varepsilon - \delta - (\sin\varepsilon - \sin\delta)]; a_{min} = \frac{r_1 + r_2 + d}{4}.$$

Находим эксцентриситет

$$e = \sqrt{1 - \frac{p}{a_{min}}}; p = \frac{r_1 \cdot r_2 \cdot \sin^2\left(\frac{\varphi}{2}\right)}{a \cdot \sin^2\left(\frac{\varepsilon - \delta}{2}\right)}.$$

Определяем компоненты скорости на целевой орбите:

$$V_r = \sqrt{\frac{\mu}{p}} \cdot e \cdot \sin(\theta); V_f = \sqrt{\frac{\mu}{p}} \cdot (1 + e \cdot \cos(\theta)).$$

Далее находим компоненты скорости аппарата на орбите Земли

$$V_{rE} = 0.485; V_{fE} = \sqrt{\frac{\mu}{|r_1|}} = 29,703 \frac{\text{KM}}{\text{c}}.$$

Определяем компоненты первого импульса

$$\Delta V_{r1} = V_{r1} - V_{rE}; \ \Delta V_{f1} = V_{f1} - V_{fE}.$$

Вычисляем значение первого импульса

$$\Delta V_1 = \sqrt{(\Delta V_{r1})^2 + (\Delta V_{f1})^2}.$$

Аналогично определяем значение для второго импульса. Схема перелёта по Ламберту представлена на рис. 3.

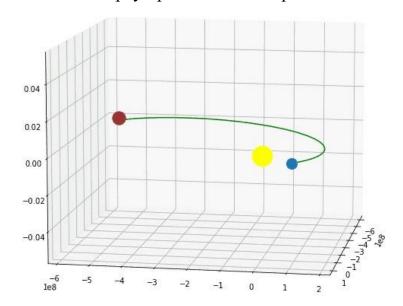


Рис. 3 Схема перелёта Земля-Юпитер по методу Ламберта

## Библиографический список

- 1. Лисов, И. А. Конец «Рассвета» / И. А. Лисов // Новости космонавтики журнал госкорпорации РОСКОСМОС 2018. № 12. С. 58-59.
- 2. Левантовский, В. И. Механика космического полета в элементарном изложении / В. И. Левантовский М.: Наука, 1980. 512 с.
- 3. Куренков, В. И. Основы автоматизированного проектирования [Электронный ресурс]. Электрон. текстовые и граф. дан. (2.5 Мб). Самара, 2012. 1 электр. опт. диск (CD ROM).

УДК 629.785

#### Затеев М.В.

#### КОСМИЧЕСКИЕ АППАРАТЫ «ЭКСПРЕСС-80» И «ЭКСПРЕСС-103»

Экспресс-80 — спутник связи серии «Экспресс», предназначенный для работы на геостационарной орбите в составе спутниковой группировки ФГУП «Космическая связь» (ГПКС). Орбитальная позиция — 80° в. д. Зона покрытия — вся видимая с точки стояния спутника территория России.

Полезная нагрузка «Экспресс-80» включает:

- С-диапазон: 16 активных и два резервных линеаризованных транспондера, 2 радиомаяка;
  - Ки-диапазон: 20 активных линеаризованных транспондеров, радиомаяк;
  - L-диапазон: 2 активных транспондера.

Экспресс-103 – спутник связи серии «Экспресс», предназначенный для работы на геостационарной орбите в составе спутниковой группировки ФГУП «Космическая связь» (ГПКС). Орбитальная позиция – 96.5° в. д. Зона покрытия - вся видимая с точки стояния спутника территория России в С-диапазоне и Кидиапазоне, также север Индии с прилегающими государствами и Юго-восточная Азия в Ки-диапазоне.

Полезная нагрузка «Экспресс-103» включает:

- С-диапазон: 16 активных и два резервных линеаризованных транспондера, 2 радиомаяка;
  - Ки-диапазон: 20 активных линеаризованных транспондеров, радиомаяк;
  - L-диапазон: 1 активный транспондер.

Спутники «Экспресс-80» и «Экспресс-103» обеспечивают в зоне покрытия оказание услуг цифрового телевещания, широкополосного доступа, услуг связи на морских и воздушных судах, организацию ТВ-перегонов и магистральных каналов связи.