

## НЕКОТОРЫЕ ВОПРОСЫ СТАБИЛЬНОСТИ СХЕМЫ ИНДУКТИВНО-ЧАСТОТНОГО ПРЕОБРАЗОВАТЕЛЯ ЛИНЕЙНЫХ ПЕРЕМЕЩЕНИЙ

Неметаллические ферромагнетики — ферриты характеризуются наиболее благоприятным сочетанием электрических и магнитных свойств на высоких частотах. При использовании их в качестве материала для сердечников первичных элементов в устройствах индуктивно-частотного преобразования сигнала большое значение приобретает стабильность магнитной проницаемости. Последняя зависит от напряженности внешнего поля, частоты и температуры. Любое изменение проницаемости от перечисленных факторов влияет на индуктивность и, следовательно, на частоту измерительного генератора и вносит дополнительную погрешность в результате измерения. В измерительных частотно-зависимых цепях значения напряженности магнитного поля и их вариации при изменении режимов работы схемы очень невелики. В этих условиях изменение  $\mu$  от  $H$  можно не учитывать, полагая, что сердечник работает на прямолинейном участке кривой намагничивания. Ферриты характеризуются некоторой частотой, называемой граничной, при которой магнитная проницаемость резко падает. В диапазоне частот, лежащем ниже  $f_{гр}$  зависимостью  $\mu(f)$  можно пренебречь. Этот диапазон для ферритов с  $\mu=600$ —1500 достигает  $10^6$  гц. Значение граничной частоты уменьшается при увеличении магнитной проницаемости феррита.

Таким образом, при правильном выборе частотного диапазона устройства и соответствующего материала сердечника можно считать его магнитную проницаемость независимой от возможных изменений  $H$  и  $f$ . Основным дестабилизирующим фактором, влияющим на нее и, следовательно, на стабильность устройства, является температура.

Температурный коэффициент проницаемости определяется из

$$TK_{\mu} = \frac{\mu_{t_2} - \mu_{t_1}}{\mu_{t_1} (t_2 - t_1)} \quad (1)$$

Его значение для разных марок ферритов различно и лежит в пределах  $(1 \div 5) \cdot 10^{-3} \text{ 1/1}^\circ \text{C}$ . Точка Кюри зависит от химического состава технологии изготовления феррита и колеблется от  $70^\circ$  до  $150^\circ \text{C}$ . Материалы с более высоким  $\mu$  имеют более низкую точку Кюри.

Применение разомкнутых цилиндрических сердечников значительно повышает стабильность их магнитной проницаемости и уменьшает потери. Для температурного коэффициента проницаемости стержня имеем

$$(TK\mu)_{\text{ст}} = TK\mu \cdot \frac{\mu_{\text{ст}}}{\mu}, \quad (2)$$

где  $\mu_{\text{ст}}$  — магнитная проницаемость стержня.

Таким образом, при выборе того или иного ферритового материала, а также геометрических соотношений сердечника недостаточно руководствоваться только значением  $\mu$  материала, а следует учитывать конкретные условия его работы, частотный диапазон и требуемую стабильность параметров конкретной измерительной схемы. Необходимо, чтобы относительная нестабильность частоты, обусловленная изменениями  $\mu$  и определяемая из формулы

$$\delta f_{\mu} = \frac{\Delta f_{\mu}}{f}, \quad (3)$$

не превышала заранее установленной величины.

Найдем выражение, связывающее  $\delta f_{\mu}$  с относительным изменением магнитной проницаемости материала сердечника  $\delta\mu$ . Относительная нестабильность частоты генератора, вызванная изменениями параметров его задающего контура, равна

$$\delta f = \frac{1}{2}(\delta L + \delta C). \quad (4)$$

Поскольку мы рассматриваем только изменения  $\mu$ , запишем

$$\delta f = -\frac{1}{2}\delta L. \quad (5)$$

Из  $L = \mu_w L_0$ , где  $\mu_w$  — действующая магнитная проницаемость сердечника;

$L_0$  — индуктивность катушки без сердечника.

Находим:

$$\frac{dL}{d\mu_w} = L_0 = \frac{L}{\mu_w}. \quad (6)$$

Заменяем дифференциалы конечными приращениями:

$$\frac{\Delta L}{\Delta\mu_w} = \frac{L}{\mu_w}. \quad (7)$$

Разделив обе части последнего уравнения на  $L$ , получаем:

$$\delta L = \delta \mu_{\omega}, \quad (8)$$

где  $\delta L$  и  $\delta \mu_{\omega}$  — соответственно относительные изменения индуктивности и действующей магнитной проницаемости сердечника:

$$\delta L = \frac{\Delta L}{L}, \quad \delta \mu_{\omega} = \frac{\Delta \mu_{\omega}}{\mu_{\omega}}. \quad (9)$$

После дифференцирования  $\mu_{\omega}$  по  $\mu_{ст}$  (выражение (3)\* получаем:

$$\frac{d\mu_{\omega}}{d\mu_{ст}} = \left( \frac{d_c}{d_k} \right)^2 = \frac{\mu_{\omega} - 1}{\mu_{ст} - 1}. \quad (10)$$

Подставляя сюда вместо  $d\mu_{\omega}$  и  $d\mu_{ст}$  конечные приращения, получаем:

$$\frac{\Delta \mu_{\omega}}{\Delta \mu_{ст}} = \frac{\mu_{\omega} - 1}{\mu_{ст} - 1}. \quad (11)$$

$$\Delta \mu_{ст} = \delta \mu_{ст} \cdot \mu_{ст}; \quad (12)$$

В свою очередь:

$$\Delta \mu_{\omega} = \delta \mu_{\omega} \cdot \mu_{\omega},$$

где  $\delta \mu_{ст}$  и  $\delta \mu_{\omega}$  — относительные изменения параметров  $\mu_{ст}$  и  $\mu_{\omega}$ . Теперь:

$$\frac{\partial \mu_{\omega} \mu_{\omega}}{\partial \mu_{ст} \cdot \mu_{ст}} = \frac{\mu_{\omega} - 1}{\mu_{ст} - 1}. \quad (13)$$

Отсюда  $\delta \mu_{ст} = \delta \mu_{\omega} \cdot \frac{\mu_{\omega} (\mu_{ст} - 1)}{\mu_{ст} (\mu_{\omega} - 1)}$ . (14)

Для магнитной проницаемости  $\mu$  имеем:

$$\mu = \frac{\mu_{ст} \left( \frac{N}{4\pi} - 1 \right)}{\mu_{ст} \frac{N}{4\pi} - 1}, \quad (15)$$

откуда после преобразований, аналогичных тем, которые были произведены выше, получаем:

$$\delta \mu = \delta \mu_{ст} \frac{\mu_{ст} \left[ 1 + \frac{N}{4\pi} (\mu - 1) \right]^2}{\mu \left( 1 - \frac{N}{4\pi} \right)}. \quad (16)$$

Из (5), (8) и 15 получаем окончательно:

$$\delta f_{\mu} = - \frac{\delta \mu \cdot \mu (\mu_{\omega} - 1) \left( 1 - \frac{N}{4\pi} \right)}{2\mu_{\omega} (\mu_{ст} - 1) \left[ 1 + (\mu - 1) \frac{N}{4\pi} \right]^2}, \quad (17)$$

Это выражение позволяет по заданной относительной нестабильности  $\delta f_{\mu}$  рассчитать значение  $\delta \mu$ , выбрав наиболее подходящую

\* См. статью В. С. Гольдмана, Н. М. Старобинского «Расчет индуктивности катушки с разомкнутой магнитной цепью и подвижным ферромагнитным сердечником». Наст. сборник, стр. 84.

марку феррита и отношение  $\frac{l_c}{d_c}$  и, наоборот, по значению  $\delta\mu$  определить относительный уход частоты, который может иметь место под влиянием внешних факторов, действующих на  $\mu$ . Рассмотрим пример. Пусть средняя частота измерительного генератора 200 кГц, чувствительность по перемещению  $\nu = \frac{\Delta f}{\Delta l} = 40 \text{ гц/мм}$ .

Выбираем в качестве сердечника датчика феррит марки Ф—600 с  $TK\mu = 10^{-3}$ , задаемся  $l_c = 9 \text{ мм}$ ;  $d_c = 3 \text{ мм}$ ;  $d_k = 5 \text{ мм}$ .

Имеем  $\frac{l_c}{d_c} = 3$ ;  $\frac{N}{4\pi} = 0,1$ ;  $\mu_{ст} = 9,85$ ;  $\mu_\omega = 4$ .

Теперь из (17) находим  $\delta f\mu = 7 \cdot 10^{-6}$ . Это соответствует уходу частоты от нестабильности проницаемости сердечника около  $1,5 \text{ гц/}^\circ\text{C}$ .

В рассмотренном примере относительная нестабильность выходного параметра — частоты — в 140 раз меньше относительной нестабильности  $\mu$  — фактора, вызывающего изменения  $f$ .

Эффект стабилизации, достигаемый за счет использования разомкнутого ферритового сердечника, определяется

$$k_{ст} = \frac{\delta\mu}{\delta\mu_\omega} \quad (18)$$

Экспериментальные исследования показали, что погрешность, вызванная нестабильностью  $\mu$ , благодаря использованию в схеме частотного преобразования первичного элемента с разомкнутой магнитной цепью и подвижным сердечником не является определяющей и составляет несколько процентов от общей температурной нестабильности преобразователя.